

Geometria Tensor de Física Ordinária 10772800

1.  $g(x) = \cos(x)$ ,  $\bar{x} = 0$

Linearização por série de Taylor  $\rightarrow$  função linear  $\rightarrow$  ordem 1.

$$\cos(x) \cong \cos(\bar{x}) + \left. \frac{d(\cos(x))}{dx} \right|_{x=\bar{x}} \cdot (x - \bar{x})$$

$$\cos(x) \cong \cos(0) + (-\sin(0)) \cdot (x - 0)$$

$$\cos(x) \cong 1 + 0(x - 0) = 1 \quad (\text{para } x \text{ próximo de } \bar{x})$$

$g(x) = \cos(x)$ ,  $\bar{x} = \frac{\pi}{4}$

$$g(x) \cong g(\bar{x}) + \left. \frac{dg}{dx} \right|_{x=\bar{x}} \cdot (x - \bar{x}) = \cos\left(\frac{\pi}{4}\right) + \left(-\sin\left(\frac{\pi}{4}\right)\right) \cdot \left(x - \frac{\pi}{4}\right)$$

$$g(x) = \cos(x) = \frac{\sqrt{2}}{2} - \frac{\sqrt{2}}{2} \left(x - \frac{\pi}{4}\right) = -\frac{\sqrt{2}}{2}x + \frac{\sqrt{2}}{2} \left(\frac{\pi}{4} + 1\right)$$

$$\cos(x) = -\frac{\sqrt{2}}{2}x + \frac{\sqrt{2}}{2} \left(\frac{\pi}{4} + 1\right) \quad (\text{para } x \text{ próximo de } \bar{x})$$

2.  $m\dot{v} = F(t) - m\dot{r}u + m\dot{r}\dot{r}$

$$F(x) = F(t) - m\dot{r}u + m\dot{r}\dot{r} - m\dot{v}$$

Linearização

$$F(x) \cong f(\bar{v}, \bar{r}, \bar{r}) + \left. \frac{df}{dv} \right|_{eq} (\dot{v} - \bar{v}) + \left. \frac{df}{dr} \right|_{eq} (r - \bar{r}) + \left. \frac{df}{d\dot{r}} \right|_{eq} (\dot{r} - \bar{\dot{r}})$$

Equilíbrio:  $\bar{v} = \bar{r} = \bar{\dot{r}} = 0$

$$f(x) = F(t) - m\dot{v} - m\dot{r}u + m\dot{r}\dot{r}$$

$$m\dot{v} = f(x) - m\dot{r}u + m\dot{r}\dot{r} \rightarrow \text{sempre } f(x) = 0$$