

Diego Krause 9836238

PME 3380 - Modelagem de sistemas dinâmicos
Exercício auto 17/09

1) Linearizar $f(x) = \cos x$

Por Série de Taylor: $f(x) = f(\bar{x}) + \frac{df}{dx} \Big|_{x=\bar{x}} (x-\bar{x})$

Logo: $f(x) = \cos \bar{x} - \sin \bar{x} \cdot (x-\bar{x})$

Para $\bar{x}=0$, $f(x)=1$

Para $\bar{x} = \frac{\pi}{4}$, $f(x) = \frac{\sqrt{2}}{2} \left(1 + \frac{\pi}{4} - x\right)$

2) Linearizar $m\ddot{x} = F(t) - m\bar{u}r + m\bar{x}\dot{r}$

$f(F, u, r, x, \dot{r}) = F(t) - m\bar{u}r + m\bar{x}\dot{r}$ e $\bar{F} = \dot{\bar{r}} = 0$

$f(F, u, r, x, \dot{r}) = \bar{f} - m\bar{u}\bar{r} + m\bar{x}\dot{\bar{r}} + 1 \cdot (F - \bar{f}) - m\bar{u}(u - \bar{u}) - m\bar{u}(r - \bar{r}) + m\bar{x}(x - \bar{x}) + m\bar{x}(\dot{r} - \dot{\bar{r}})$

$f(F, u, r, x, \dot{r}) = F(t) - m\bar{u}r + m\bar{x}\dot{r}$

$m\ddot{x} = F(t) - m\bar{u}r + m\bar{x}\dot{r}$